

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{4+x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{2}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

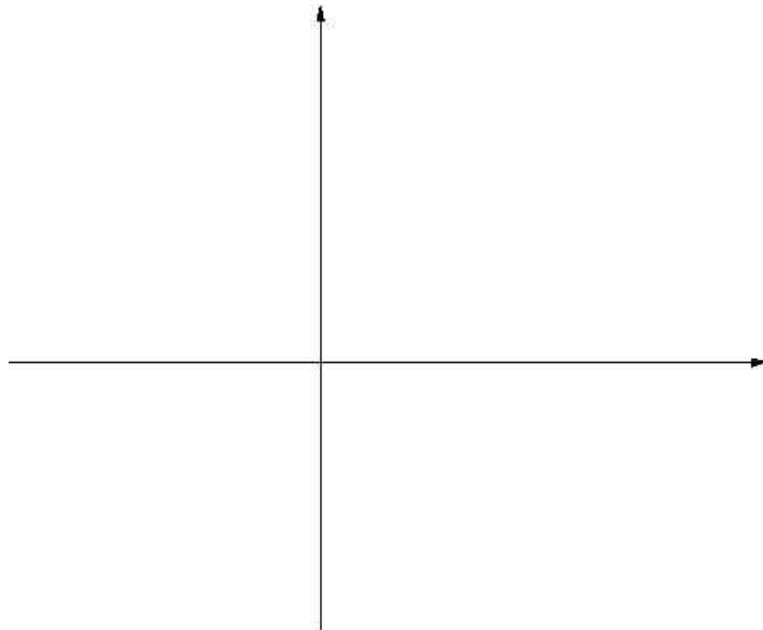
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|1 + i\sqrt{3}|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : 0, $\sqrt[3]{2}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{2}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{2}i$ **B** : 0, $\sqrt[3]{2}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)$, $\sqrt[3]{2}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)$, $-\sqrt[3]{2}i$
C : 0, $\sqrt[3]{2}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{2}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{2}i$ **D** : 0, $\sqrt[3]{2}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{2}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{2}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{7}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{7}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : $\frac{1}{7}$ **C** : $-\frac{1}{7}$ **D** : 0

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-1)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta \leq 1$ **B** : $\beta > 1$ **C** : $\beta \geq 1$ **D** : $\beta < 1$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 1, \\ (x-1)^\alpha \sin \sqrt[3]{x-1} & \text{se } x > 1. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 1$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha > \frac{2}{3}$ **B** : $\alpha < \frac{2}{3}$ **C** : $\alpha \geq \frac{2}{3}$ **D** : $\alpha \leq \frac{2}{3}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{7}{x} (\sinh \frac{7}{x} - \sin \frac{7}{x})}{e^{\frac{7}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{7}{x})}$ vale

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : 0 **C** : 7 **D** : $7\sqrt{2}$

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 2e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : 2 **B** : 1 **C** : $+\infty$ **D** : $e + 3(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 2. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : $2\sqrt{2}$ **B** : $4e^{-1}$ **C** : 4 **D** : 0

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{9+x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{3}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

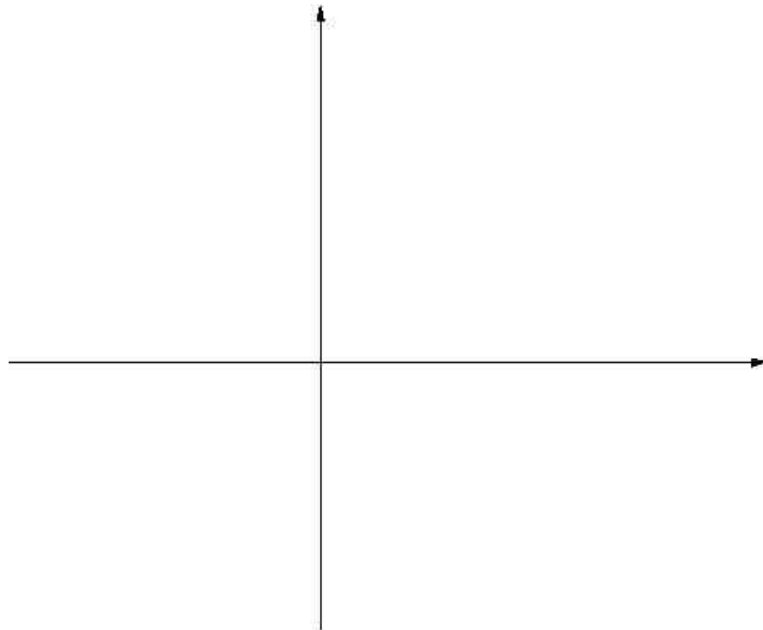
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|2 + i\sqrt{5}|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : $0, \sqrt[3]{3}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{3}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{3}i$ **B** : $0, \sqrt[3]{3}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{3}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{3}i$
C : $0, \sqrt[3]{3}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}), \sqrt[3]{3}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{3}i$ **D** : $0, \sqrt[3]{3}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i), \sqrt[3]{3}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i), -\sqrt[3]{3}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{6}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{6}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $-\frac{1}{6}$ **B** : 0 **C** : $+\infty$ **D** : $\frac{1}{6}$

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-2)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta > 2$ **B** : $\beta < 2$ **C** : $\beta \leq 2$ **D** : $\beta \geq 2$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 2, \\ (x-2)^\alpha \sin \sqrt[5]{x-2} & \text{se } x > 2. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 2$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha \leq \frac{4}{5}$ **B** : $\alpha \geq \frac{4}{5}$ **C** : $\alpha > \frac{4}{5}$ **D** : $\alpha < \frac{4}{5}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{6}{x} (\sinh \frac{6}{x} - \sin \frac{6}{x})}{e^{\frac{6}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{6}{x})}$ vale

Risp.: **A** : $6\sqrt{2}$ **B** : 6 **C** : $+\infty$ **D** : 0

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 4e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : $e + 5(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$ **B** : 2 **C** : $+\infty$ **D** : 5

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 3. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : 5 **B** : 0 **C** : $2\sqrt{2}$ **D** : $5e^{-1}$

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{16+x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{4}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

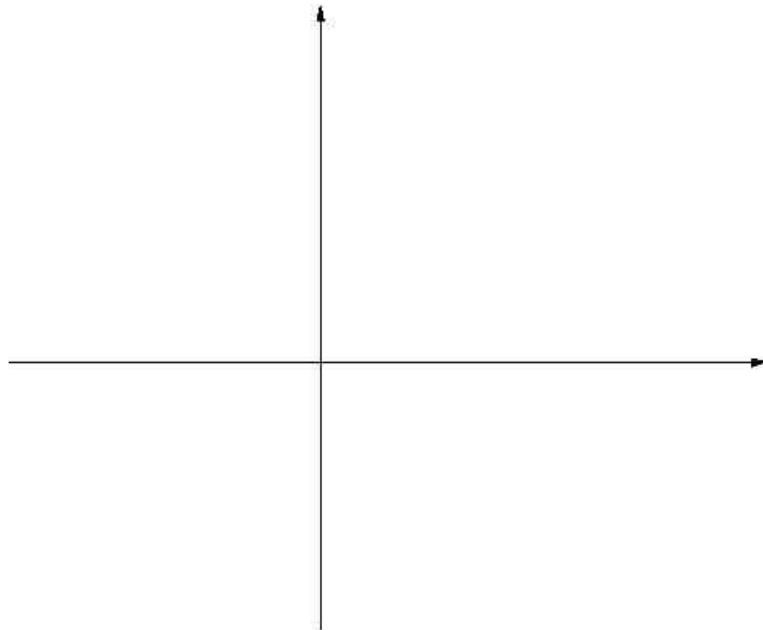
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|3 + i\sqrt{7}|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : 0, $\sqrt[3]{4}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{4}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{4}i$ **B** : 0, $\sqrt[3]{4}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{4}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{4}i$ **C** : 0, $\sqrt[3]{4}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2})$, $\sqrt[3]{4}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2})$, $-\sqrt[3]{4}i$ **D** : 0, $\sqrt[3]{4}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{4}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{4}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{5}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{5}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : 0 **C** : $\frac{1}{5}$ **D** : $-\frac{1}{5}$

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-3)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta > 3$ **B** : $\beta \geq 3$ **C** : $\beta \leq 3$ **D** : $\beta < 3$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 3, \\ (x-3)^\alpha \sin \sqrt[7]{x-3} & \text{se } x > 3. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 3$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha \leq \frac{6}{7}$ **B** : $\alpha > \frac{6}{7}$ **C** : $\alpha < \frac{6}{7}$ **D** : $\alpha \geq \frac{6}{7}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{5}{x} (\sinh \frac{5}{x} - \sin \frac{5}{x})}{e^{\frac{5}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{5}{x})}$ vale

Risp.: **A** : 0 **B** : $5\sqrt{2}$ **C** : $+\infty$ **D** : 5

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 6e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : $e + 7(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$ **C** : 8 **D** : 3

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 4. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : $2\sqrt{2}$ **B** : 0 **C** : $6e^{-1}$ **D** : 6

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{25+x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{5}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

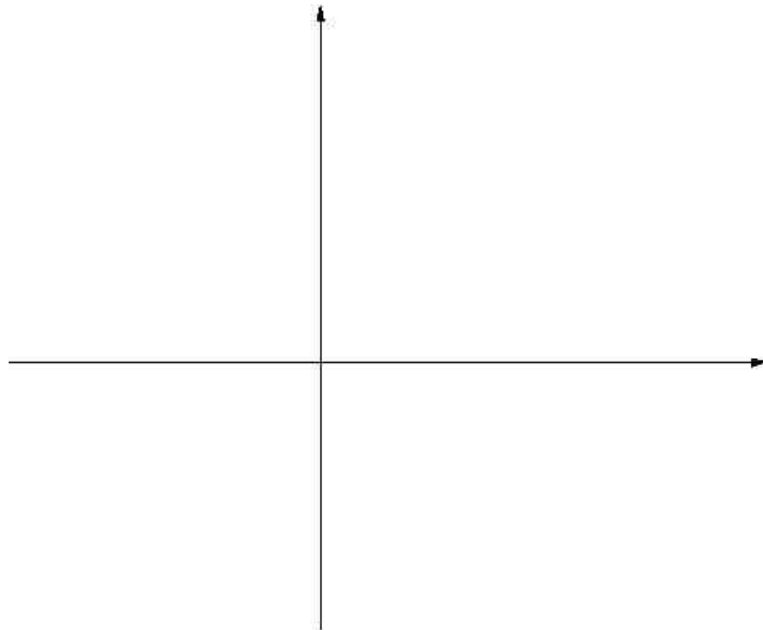
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|4 + 3i|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : $0, \sqrt[3]{5}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{5}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{5}i$ **B** : $0, \sqrt[3]{5}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{5}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{5}i$
C : $0, \sqrt[3]{5}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}), \sqrt[3]{5}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{5}i$ **D** : $0, \sqrt[3]{5}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}), \sqrt[3]{5}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}), -\sqrt[3]{5}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{4}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{4}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $-\frac{1}{4}$ **B** : $\frac{1}{4}$ **C** : $+\infty$ **D** : 0

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-4)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta < 4$ **B** : $\beta \geq 4$ **C** : $\beta \leq 4$ **D** : $\beta > 4$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 4, \\ (x-4)^\alpha \sin \sqrt[3]{x-4} & \text{se } x > 4. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 4$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha \leq \frac{8}{9}$ **B** : $\alpha \geq \frac{8}{9}$ **C** : $\alpha > \frac{8}{9}$ **D** : $\alpha < \frac{8}{9}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{4}{x} (\sinh \frac{4}{x} - \sin \frac{4}{x})}{e^{\frac{4}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{4}{x})}$ vale

Risp.: **A** : 4 **B** : 0 **C** : $+\infty$ **D** : $4\sqrt{2}$

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 8e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : 11 **C** : 4 **D** : $e + 9(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 5. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : 0 **B** : $7e^{-1}$ **C** : $2\sqrt{2}$ **D** : 7

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{36+x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{6}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

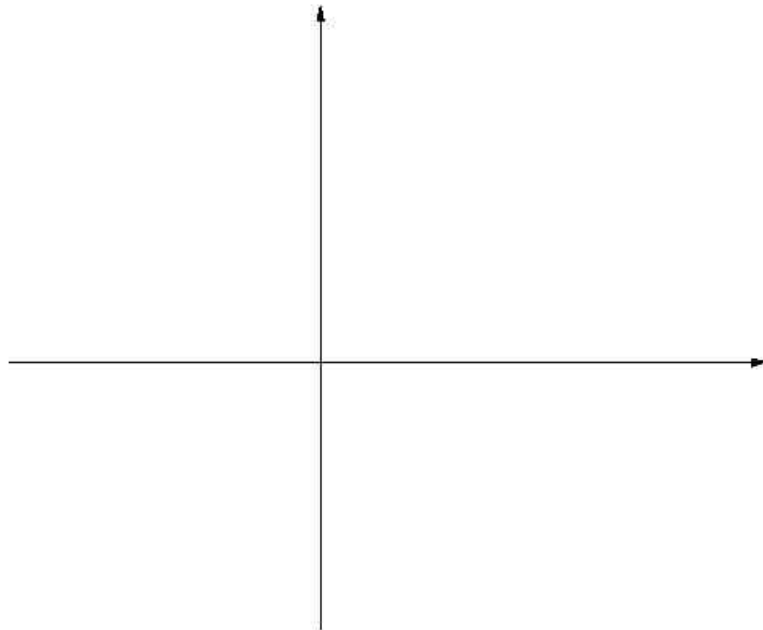
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|5 + i\sqrt{11}|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : 0, $\sqrt[3]{6}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{6}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{6}i$ **B** : 0, $\sqrt[3]{6}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{6}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{6}i$ **C** : 0, $\sqrt[3]{6}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2})$, $\sqrt[3]{6}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2})$, $-\sqrt[3]{6}i$ **D** : 0, $\sqrt[3]{6}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $\sqrt[3]{6}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2})$, $-\sqrt[3]{6}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{3}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{3}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $-\frac{1}{3}$ **B** : 0 **C** : $\frac{1}{3}$ **D** : $+\infty$

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-5)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta \geq 5$ **B** : $\beta \leq 5$ **C** : $\beta < 5$ **D** : $\beta > 5$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 5, \\ (x-5)^\alpha \sin \sqrt[11]{(x-5)} & \text{se } x > 5. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 5$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha > \frac{10}{11}$ **B** : $\alpha \leq \frac{10}{11}$ **C** : $\alpha < \frac{10}{11}$ **D** : $\alpha \geq \frac{10}{11}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{3}{x} (\sinh \frac{3}{x} - \sin \frac{3}{x})}{e^{\frac{3}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{3}{x})}$ vale

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : $3\sqrt{2}$ **C** : 0 **D** : 3

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 10e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : 5 **B** : $+\infty$ **C** : $e + 11(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$ **D** : 14

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 6. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : $8e^{-1}$ **B** : 8 **C** : 0 **D** : $2\sqrt{2}$

Cognome e nome Firma Matricola

Corso di Laurea: AMBLT AUTLT CIVLT GESLT MATLT MECLT

Sezione: SEZIONE I SEZIONE II

Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. Per lo studio di funzione: SCRIVERE, in modo incontrovertibile, la risposta nello spazio lasciato dopo ogni quesito; in caso di correzione, barrare la risposta errata e scrivere accanto la nuova risposta.
3. Per i quesiti a risposta chiusa: SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
4. PUNTEGGI per i quesiti a risposta chiusa: risposta esatta = +3; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.
5. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
6. CONSEGNARE IL FOGLIO CONTENENTE LA GRIGLIA DELLE RISPOSTE con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO
7. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.
A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D

Sia data la seguente funzione f reale di variabile reale definita da:

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{49 + x^2}} - \frac{1}{2} \arctan \frac{x}{7}$$

- (a) Determinare il dominio di f ed eventuali simmetrie.

Risposta [punti 0,5]:

- (b) Calcolare i limiti alla frontiera del dominio e determinare eventuali asintoti (verticali, orizzontali, obliqui) per f .

Risposta [punti 1,5]:

- (c) Calcolare la funzione derivata prima di f e determinarne il dominio, classificando eventuali punti di non derivabilità.

Risposta [punti 1]:

- (d) Studiare la crescita e decrescenza di f , calcolando, qualora esistano, punti di massimo/minimo relativo e punti di massimo/minimo assoluto per f .

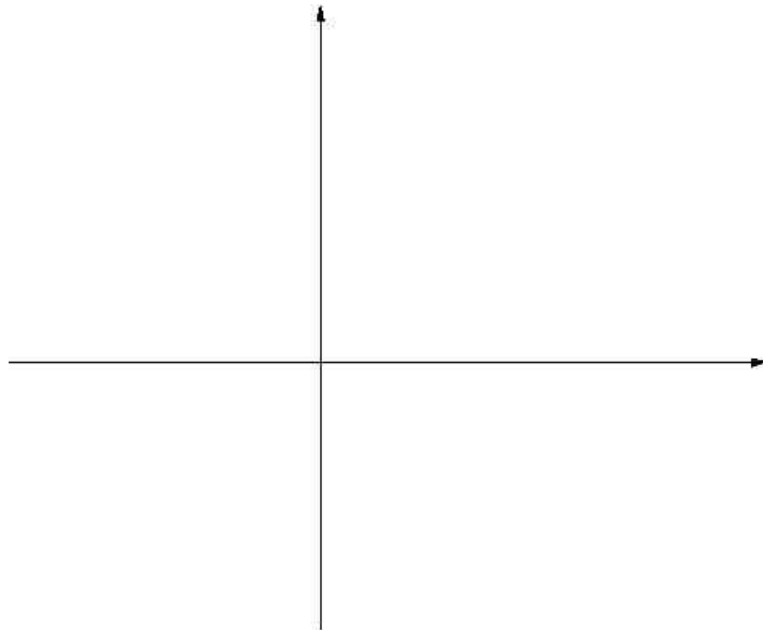
Risposta [punti 2]:

- (e) Calcolare la funzione derivata seconda di f e studiare la concavità e la convessità di f , calcolando gli eventuali punti di flesso per f .

Risposta [punti 2]:

- (f) Tracciare un grafico della funzione f , in accordo con i risultati ottenuti.

Risposta [punti 2]:



1. Le soluzioni dell'equazione $z^4 - i|6 + i\sqrt{13}|z = 0$ sono date da

Risp.: **A** : $0, \sqrt[3]{7}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{7}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{7}i$ **B** : $0, \sqrt[3]{7}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), \sqrt[3]{7}(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{7}i$
C : $0, \sqrt[3]{7}(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}), \sqrt[3]{7}(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}i}{2}), -\sqrt[3]{7}i$ **D** : $0, \sqrt[3]{7}(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}), \sqrt[3]{7}(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}), -\sqrt[3]{7}i$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\arctan \frac{2}{n} + n} - \sqrt{n}}{\sqrt{n}(1 - \cos \frac{2}{n})}$$

vale

Risp.: **A** : $\frac{1}{2}$ **B** : 0 **C** : $-\frac{1}{2}$ **D** : $+\infty$

3. Dato $\beta \in \mathbb{R}$, la serie numerica $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(\beta-6)n^2}$ converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta \leq 6$ **B** : $\beta < 6$ **C** : $\beta \geq 6$ **D** : $\beta > 6$

4. Siano $\alpha > 0$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x \leq 6, \\ (x-6)^\alpha \sin \sqrt[13]{x-6} & \text{se } x > 6. \end{cases}$$

Allora f è derivabile in $x = 6$ se e solo se

Risp.: **A** : $\alpha \geq \frac{12}{13}$ **B** : $\alpha < \frac{12}{13}$ **C** : $\alpha \leq \frac{12}{13}$ **D** : $\alpha > \frac{12}{13}$

5. Il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x \cosh \frac{2}{x} (\sinh \frac{2}{x} - \sin \frac{2}{x})}{e^{\frac{2}{x}} - 1 - \log(1 + \frac{2}{x})}$ vale

Risp.: **A** : 0 **B** : $2\sqrt{2}$ **C** : 2 **D** : $+\infty$

6. Sia \mathcal{F} la primitiva di $f(x) = \frac{e^{3x} - 12e^x}{1 + e^{2x}}$ tale che $\mathcal{F}(0) = 1$. Calcolare $\mathcal{F}(1)$

Risp.: **A** : 6 **B** : $e + 13(\frac{\pi}{4} - \arctan e)$ **C** : $+\infty$ **D** : 17

7. Sia $y(x)$ la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + xy = x^3, \\ y(0) = 7. \end{cases}$$

Allora $y(\sqrt{2})$ vale

Risp.: **A** : 0 **B** : 9 **C** : $2\sqrt{2}$ **D** : $9e^{-1}$