

**Il Teorema di De L'Hôpital fornisce solo una condizione sufficiente per l'esistenza del limite**  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)}$ .

Siano:

$$f(x) = x + \sin x, \quad g(x) = 2x + \cos x,$$

e  $x_0 = +\infty$ .

Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f'(x)}{g'(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 + \cos x}{2 - \sin x}$$

**NON ESISTE.**

Tuttavia, si calcola:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + \sin x}{2x + \cos x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x \left(1 + \frac{\sin x}{x}\right)}{x \left(2 + \frac{\cos x}{x}\right)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 + \frac{\sin x}{x}}{2 + \frac{\cos x}{x}} = \frac{1}{2}.$$